

<input type="text"/>	<input type="text"/>
----------------------	----------------------

109年國中教育會考

數學科試題本

請不要翻到次頁！
讀完本頁的說明，聽從監試委員的指示才開始作答！

※請先確認你的答案卷、准考證與座位號碼是否一致無誤。

請閱讀以下測驗作答說明：

測驗說明：

這是國中教育會考數學科試題本，試題本採雙面印刷，共12頁，第一部分有26題選擇題，第二部分有2題非選擇題。測驗時間從10:30到11:50，共80分鐘。作答開始與結束請聽從監試委員的指示。

注意事項：

1. 試題本的最後一頁附有參考公式可供作答使用。
2. 試題本分兩部分，第一部分為選擇題，第二部分為非選擇題。
3. 試題中參考的附圖，不一定代表實際大小。
4. 作答時不可使用量角器，如有攜帶附量角器功能之任何工具，請放在教室前後方地板上。
5. 依試場規則規定，答案卷上不得書寫姓名座號，也不得作任何標記。故意汙損答案卷、損壞試題本，或在答案卷上顯示自己身分者，該科考試不予計列等級。

作答方式：

第一部分選擇題：

1. 作答選擇題時，可利用試題本中空白部分計算，切勿在答案卷上計算。
2. 請依照題意從四個選項中選出一個正確或最佳的答案，並用**2B**鉛筆在答案卷上相應的位置畫記，請務必將選項塗黑、塗滿。如果需要修改答案，請使用橡皮擦擦拭乾淨，重新塗黑答案。例如答案為**B**，則將**Ⓑ**選項塗黑、塗滿，即：**Ⓐ ● Ⓒ Ⓓ**

第二部分非選擇題：

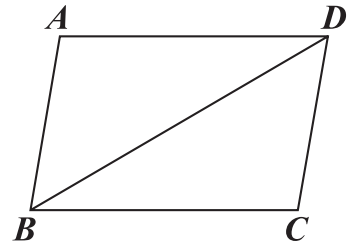
1. 不必抄題。
2. 請依題意將解答過程及最後結果，用黑色墨水的筆清楚完整地寫在答案卷上相應的欄位內，切勿寫出欄位外。若解答過程使用了題目敘述中沒有出現的符號，則必須說明。如果需畫圖說明時，請用黑色墨水的筆，將圖形畫在該題的欄位內。如需擬草稿，請使用試題本空白處。
3. 更正時請使用修正帶(液)修正後，重新書寫解答過程。

請聽到鐘聲響起，於試題本右上角方格內填寫准考證末兩碼，再翻頁作答

第一部分：選擇題(1~26題)

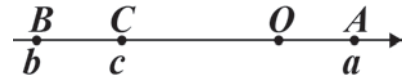
1. 已知 $a = (-12) \times (-23) \times (-34) \times (-45)$ ， $b = (-123) \times (-234) \times (-345)$ ，判斷下列敘述何者正確？
- (A) a 、 b 皆為正數
 - (B) a 、 b 皆為負數
 - (C) a 為正數， b 為負數
 - (D) a 為負數， b 為正數
2. 算式 $2^3 \times 5^3$ 之值為何？
- (A) 30
 - (B) 90
 - (C) 1000
 - (D) 1000000
3. 小真煮好了 25 顆湯圓，其中 15 顆為芝麻湯圓，10 顆為花生湯圓。已知小真想從煮好的湯圓中撈一顆，若每顆湯圓被小真撈到的機會相等，則他撈到花生湯圓的機率為何？
- (A) $\frac{1}{2}$
 - (B) $\frac{2}{3}$
 - (C) $\frac{2}{5}$
 - (D) $\frac{1}{10}$
4. 算式 $\sqrt{2} \times (\sqrt{48} - \sqrt{12})$ 之值為何？
- (A) $6\sqrt{2}$
 - (B) $2\sqrt{6}$
 - (C) $2\sqrt{21}$
 - (D) $4\sqrt{6} - 2\sqrt{3}$

5. 如圖(一)，平行四邊形 $ABCD$ 中， $\angle A = 100^\circ$ 。
若 $\angle ABD : \angle DBC = 3 : 2$ ，則 $\angle DBC$ 的度數為何？
- (A) 32
(B) 40
(C) 48
(D) 60



圖(一)

6. 圖(二)數線上的 A 、 B 、 C 三點所表示的數分別為 a 、 b 、 c ，且原點為 O 。
根據圖中各點位置，判斷下列四個式子的值何者最大？
- (A) $|a| + |b|$
(B) $|a| + |c|$
(C) $|a - c|$
(D) $|b - c|$



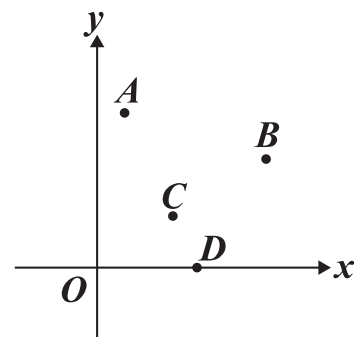
圖(二)

7. 計算 $2x^2 - 3$ 除以 $x + 1$ 後，得商式和餘式分別為何？
- (A) 商式為 2，餘式為 -5
(B) 商式為 $2x - 5$ ，餘式為 5
(C) 商式為 $2x + 2$ ，餘式為 -1
(D) 商式為 $2x - 2$ ，餘式為 -1
8. 下列何者可表示成兩個質數的乘積？
- (A) 81
(B) 82
(C) 83
(D) 84

9. 已知小薇住家的西方 **100** 公尺處為車站，住家的北方 **200** 公尺處為學校，且從學校往東方走 **100** 公尺，再往南方走 **400** 公尺可到達公園。若小薇將住家、車站、學校分別標示在坐標平面上的 $(2, 0)$ 、 $(0, 0)$ 、 $(2, 4)$ 三點，則公園應標示在此坐標平面上的哪一點？
- (A) $(4, -4)$
 (B) $(4, 12)$
 (C) $(0, -4)$
 (D) $(0, 12)$

10. 若一元二次方程式 $5(x - 4)^2 = 125$ 的解為 a 、 b ，且 $a > b$ ，則 $2a + b$ 之值為何？
- (A) -7
 (B) -1
 (C) 11
 (D) 17

11. 圖(三)的坐標平面上有 A 、 B 、 C 、 D 四點，其中恰有三點在函數 $y = px + q$ 的圖形上，且 p 、 q 為兩數。根據圖中四點的位置，判斷下列哪一點不在函數 $y = px + q$ 的圖形上？
- (A) A
 (B) B
 (C) C
 (D) D



圖(三)

12. 圖(四)表示平面上 A 、 B 兩點與直線 L 的位置關係，其中 B 點在 L 上。若有一動點 P 從 A 點開始移動，移動過程中與 B 點的距離保持不變，則下列關於 P 點移動路徑的敘述，何者正確？

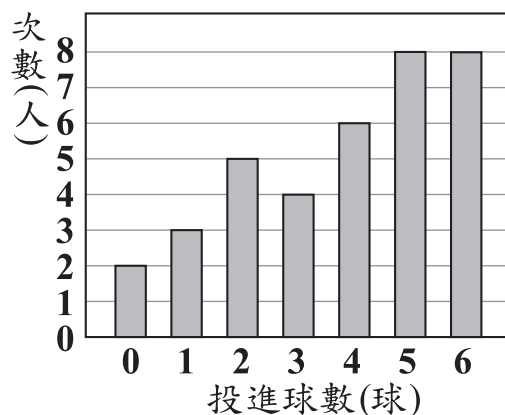
- (A) 在與直線 L 平行且通過 A 點的直線上
 (B) 在與直線 L 垂直且通過 A 點的直線上
 (C) 在以 B 點為圓心且通過 A 點的圓上
 (D) 在以 \overline{AB} 為直徑的圓上



圖(四)

13. 圖(五)為甲班 36 名學生參加投籃測驗的投進球數長條圖。判斷甲班學生中，有多少人的投進球數小於該班學生投進球數的中位數？

- (A) 10
 (B) 14
 (C) 17
 (D) 18



圖(五)

14. 圖(六)為朵朵披薩屋的公告。若一個夏威夷披薩調漲前的售價為 x 元，則會員購買一個夏威夷披薩的花費，公告前後相差多少元？

- (A) $0.05x$
 (B) $0.09x$
 (C) $0.14x$
 (D) $0.15x$

公告

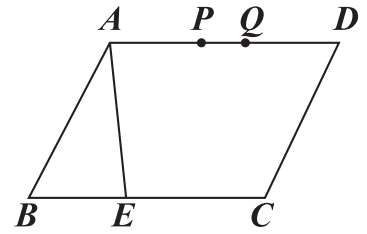
因近期食材成本提高，故即日起

1. 披薩售價皆調漲10%。
2. 會員結帳優惠從打八五折調整為打九折。

圖(六)

15. 平行四邊形 $ABCD$ 中， E 點在 \overline{BC} 上， P 、 Q 兩點在 \overline{AD} 上，其位置如圖(七)所示。若 \overline{PB} 與 \overline{AE} 相交於 R 點， \overline{QB} 與 \overline{AE} 相交於 S 點，則下列三角形面積的大小關係，何者正確？

- (A) $\triangle PBE > \triangle QBE$ ， $\triangle PRE > \triangle QSE$
 (B) $\triangle PBE < \triangle QBE$ ， $\triangle PRE < \triangle QSE$
 (C) $\triangle PBE = \triangle QBE$ ， $\triangle PRE > \triangle QSE$
 (D) $\triangle PBE = \triangle QBE$ ， $\triangle PRE < \triangle QSE$



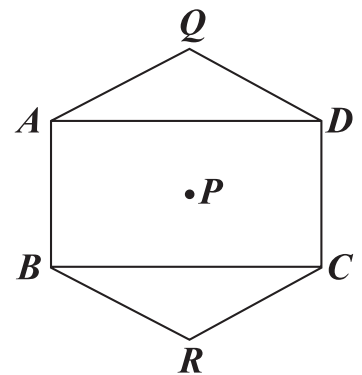
圖(七)

16. 中秋節時阿柚製作的廣式月餅、蛋黃酥、鳳梨酥的數量比為 $2:1:3$ ，其中只有製作廣式月餅和蛋黃酥時使用鹹蛋黃。若阿柚製作每個廣式月餅時使用 2 顆鹹蛋黃，製作每個蛋黃酥時使用 1 顆鹹蛋黃，且總共使用 120 顆鹹蛋黃，則他製作了幾個鳳梨酥？

- (A) 45
 (B) 60
 (C) 72
 (D) 120

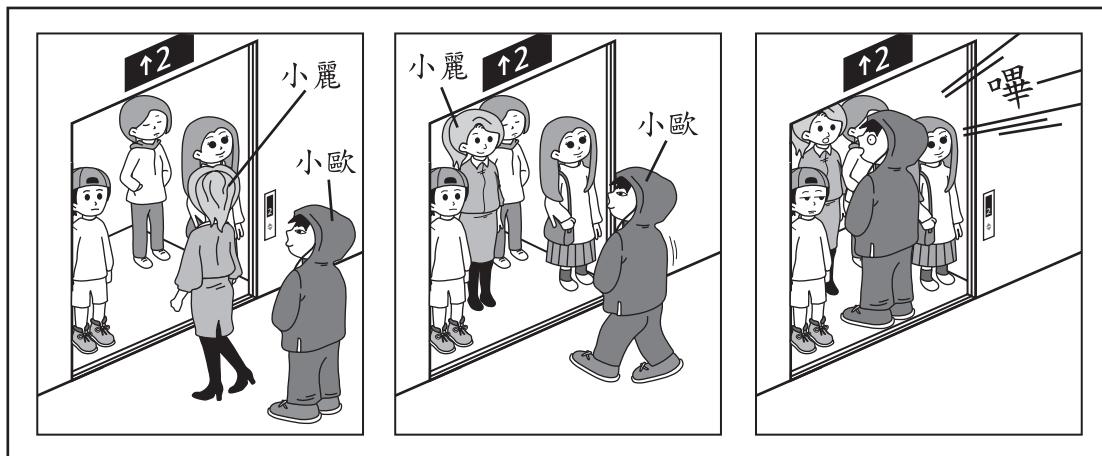
17. 如圖(八)， P 點為矩形 $ABCD$ 兩對角線的交點，將 P 點分別以 \overline{AD} 、 \overline{BC} 為對稱軸畫出對稱點 Q 、 R ，形成六邊形 $QABRCD$ 。若 $\overline{AB} = 2$ ， $\overline{AD} = 4$ ，則六邊形 $QABRCD$ 的周長為何？

- (A) 12
 (B) $4 + 2\sqrt{6}$
 (C) $4 + 4\sqrt{3}$
 (D) $4 + 4\sqrt{5}$



圖(八)

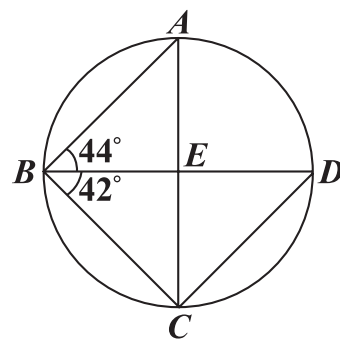
18. 圖(九)為小麗和小歐依序進入電梯時，電梯因超重而警示音響起的過程，且過程中沒有其他人進出。



圖(九)

已知當電梯乘載的重量超過 300 公斤時警示音會響起，且小麗、小歐的重量分別為 50 公斤、70 公斤。若小麗進入電梯前，電梯內已乘載的重量為 x 公斤，則所有滿足題意的 x 可用下列哪一個不等式表示？

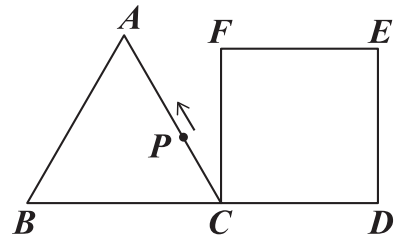
- (A) $180 < x \leq 250$
 (B) $180 < x \leq 300$
 (C) $230 < x \leq 250$
 (D) $230 < x \leq 300$
19. 圓上有 A 、 B 、 C 、 D 四點，其位置如圖(十)所示，其中 \overline{AC} 與 \overline{BD} 相交於 E 點，且 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 。根據圖中標示的角度，判斷下列四條線段何者的長度最長？



圖(十)

- (A) \overline{AE}
 (B) \overline{BE}
 (C) \overline{CE}
 (D) \overline{DE}

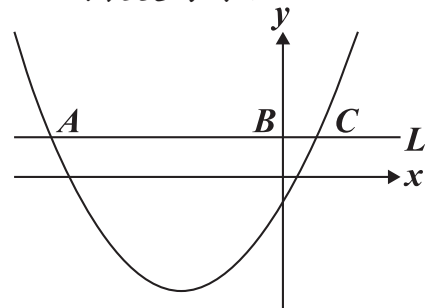
20. 圖(十一)的正三角形 ABC 與正方形 $CDEF$ 中， B 、 C 、 D 三點共線，且 $\overline{AC} = 10$ ， $\overline{CF} = 8$ 。若有一動點 P 沿著 \overline{CA} 由 C 往 A 移動，則 \overline{FP} 的長度最小為多少？



圖(十一)

- (A) 4
(B) 5
(C) $4\sqrt{3}$
(D) $5\sqrt{3}$

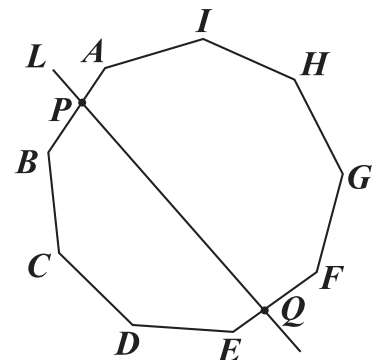
21. 坐標平面上有一水平線 L 與二次函數 $y = a(x + 7)^2 - 10$ 的圖形，其中 a 為一正數，且 L 與二次函數圖形相交於 A 、 C 兩點，與 y 軸相交於 B 點，其位置如圖(十二)所示。若 $\overline{AB} : \overline{BC} = 5 : 1$ ，則 \overline{AC} 的長度為何？



圖(十二)

- (A) 17
(B) 19
(C) 21
(D) 24

22. 如圖(十三)，直線 L 將正九邊形 $ABCDEFGHI$ 分割成兩個區域，且分別與 \overline{AB} 、 \overline{EF} 相交於 P 點、 Q 點。若 $\angle APQ$ 的外角為 75° ，則 $\angle PQE$ 的度數為何？

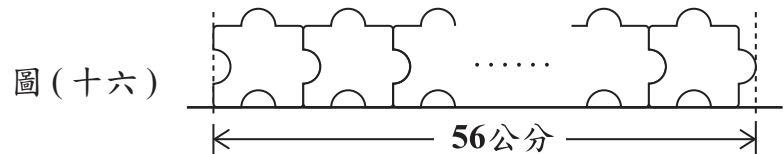
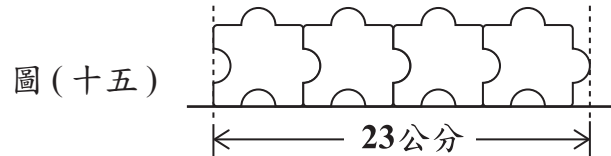
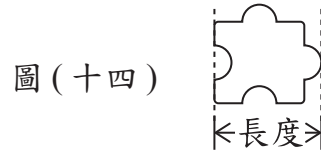


圖(十三)

- (A) 75
(B) 85
(C) 95
(D) 105

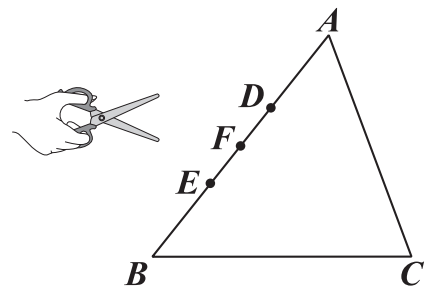
23. 已知有若干片相同的拼圖，其形狀如圖(十四)所示，且拼圖依同方向排列時可緊密拼成一列，此時底部可與直線貼齊。當 4 片拼圖緊密拼成一列時長度為 23 公分，如圖(十五)所示。當 10 片拼圖緊密拼成一列時長度為 56 公分，如圖(十六)所示。求圖(十四)中的拼圖長度為多少公分？

- (A) 5.5
 (B) 5.6
 (C) 5.75
 (D) 6.5



24. 圖(十七)為三角形紙片 ABC ，其中 D 點和 E 點將 \overline{AB} 分成三等分， F 點為 \overline{DE} 中點。若小慕從 \overline{AB} 上的一點 P ，沿著與直線 BC 平行的方向將紙片剪開後，剪下的小三角形紙片面積為 $\triangle ABC$ 的 $\frac{1}{3}$ ，則下列關於 P 點位置的敘述，何者正確？

- (A) 與 D 點重合
 (B) 與 E 點重合
 (C) 在 \overline{DF} 上，但不與 D 點也不與 F 點重合
 (D) 在 \overline{FE} 上，但不與 F 點也不與 E 點重合



圖(十七)

25. 圖(十八)為有春蛋糕店的價目表，阿凱原本拿了4個蛋糕去結帳，結帳時發現該店正在舉辦優惠活動，優惠方式為每買5個蛋糕，其中1個價格最低的蛋糕免費，因此阿凱後來多買了1個黑櫻桃蛋糕。若阿凱原本的結帳金額為 x 元，後來的結帳金額為 y 元，則 x 與 y 的關係式不可能為下列何者？

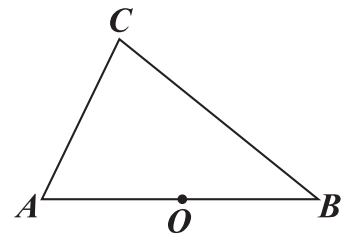
- (A) $y = x$
 (B) $y = x + 5$
 (C) $y = x + 10$
 (D) $y = x + 15$

蛋糕種類	伯爵茶蛋糕	鮮奶捲蛋糕	濃起司蛋糕	黑櫻桃蛋糕	水果派蛋糕	千層派蛋糕	
每個價格	40元	45元	45元	55元	60元	70元	

圖(十八)

26. 如圖(十九)，銳角三角形 ABC 中， O 點為 \overline{AB} 中點。甲、乙兩人想在 \overline{AC} 上找一點 P ，使得 $\triangle ABP$ 的外心為 O ，其作法分別如下：
 (甲) 作過 B 且與 \overline{AC} 垂直的直線，交 \overline{AC} 於 P 點，則 P 即為所求
 (乙) 以 O 為圓心， \overline{OA} 長為半徑畫弧，交 \overline{AC} 於 P 點，則 P 即為所求
 對於甲、乙兩人的作法，下列判斷何者正確？

- (A) 兩人皆正確
 (B) 兩人皆錯誤
 (C) 甲正確，乙錯誤
 (D) 甲錯誤，乙正確




圖(十九)

第二部分：非選擇題(1~2題)

1. 品沕飲料店提供三種品項，其對應兩種容量的價格如圖(二十)所示。

品項	中杯 (750毫升)	大杯 (1000毫升)
古早味紅茶	30元	45元
百香綠茶	35元	50元
珍珠奶茶	50元	65元



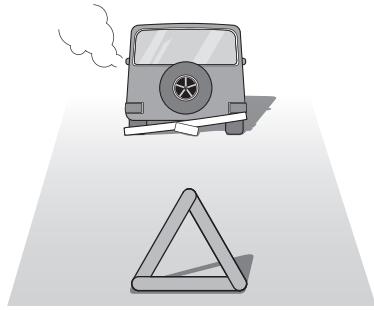
圖(二十)

品沕飲料店的老闆規劃回饋活動，凡自備容器購買飲料者，每種品項中杯皆折扣 2 元、大杯皆折扣 5 元。

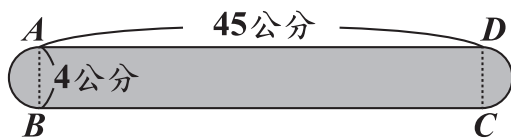
請根據上述資訊，回答下列問題：

- (1) 老闆收到顧客反映，有些品項在自備容器後大杯的每毫升價格還是比中杯的貴，請問是圖(二十)中的哪些品項？
- (2) 若老闆想要讓所有品項在自備容器後大杯的每毫升價格都比中杯的便宜，則他應將大杯的折扣都至少改成多少元？請詳細解釋或完整寫出你的解題過程，並求出答案。

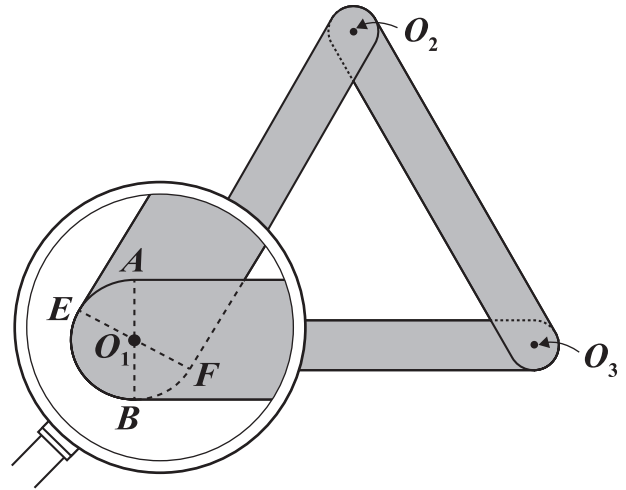
2. 預警三角標誌牌用於放置在車道上，告知後方來車前有停置車輛，如圖(二十一)所示。貝貝想製作類似此標誌的圖形，先使用反光材料設計一個物件，如圖(二十二)所示，其中四邊形 $ABCD$ 為長方形， \widehat{AB} 、 \widehat{CD} 分別為以 \overline{AB} 、 \overline{CD} 為直徑的半圓，且灰色部分為反光區域。接著，將三個圖(二十二)的物件以圖(二十三)的方式組合成固定，其中固定點 O_1 、 O_2 、 O_3 皆與半圓的圓心重合，且各半圓恰好與長方形的長邊相切，而在圖(二十三)左下方的局部放大圖中， B 、 E 皆為切點， \overline{AB} 、 \overline{EF} 皆為直徑。



圖(二十一)



圖(二十二)



圖(二十三)

請根據上述資訊，回答下列問題：

- (1) 圖(二十三)中 $\angle AO_1F$ 的度數為多少？
- (2) 根據圖(二十三)的組合方式，求出可看見的反光區域面積為多少？請詳細解釋或完整寫出你的解題過程，並求出答案。

參考公式：

📖 和的平方公式： $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

差的平方公式： $(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$

平方差公式： $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

📖 若直角三角形兩股長為 a 、 b ，斜邊長為 c ，則 $c^2 = a^2 + b^2$

📖 若圓的半徑為 r ，圓周率為 π ，則圓面積 = πr^2 ，圓周長 = $2\pi r$

📖 凸 n 邊形的內角和為 $(n - 2) \times 180^\circ$ ， $n \geq 3$

凸 n 邊形的一組外角和為 360° ， $n \geq 3$

📖 若一個等差數列的首項為 a_1 ，公差為 d ，第 n 項為 a_n ，前 n 項和為 S_n ，

則 $a_n = a_1 + (n - 1)d$ ， $S_n = \frac{n(a_1 + a_n)}{2}$

📖 一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 的解為 $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$